

Skupina: **A**

1. Ako se članovima niza $3, 7, 13$ doda realan broj x dobije se geometrijski niz. Vrijednost od x je:

A : $1/5$ **B** : **5** **C** : 1 **D** : 0.5

2. Ako rješenje sustava $ax - 2y = 3$, $3x + ay = 4$ leži na pravcu $y = x$, onda a iznosi:

A : 0 **B** : $8/17$ **C** : $17/8$ **D** : **17**

3. Skup svih rješenja nejednadžbe $\frac{(x+1)^2}{x-1} \leq 2$ je:

A : $(-\infty, 1)$ **B** : $(-\infty, 1]$ **C** : $(1, \sqrt{2})$ **D** : $[-\sqrt{2}, 1)$

4. Ako u pravokutnom trokutu vrijedi $a + b + c = 15$, $\beta = 45^\circ$, onda $\frac{a}{b}c$ iznosi:

A : $15(\sqrt{2} + 1)$ **B** : $(\sqrt{2} - 1)/15$ **C** : **15**($\sqrt{2} - 1$) **D** : $(\sqrt{2} + 1)/15$

5. Vrijednost izraza $\left(\frac{\sqrt[4]{x^3y} - \sqrt[4]{xy^3}}{\sqrt{y} - \sqrt{x}} + \frac{1 + \sqrt{xy}}{\sqrt[4]{xy}} \right)^{-2} \cdot \left(1 + 2\sqrt{\frac{y}{x}} + \frac{y}{x} \right)^{1/2}$ za $x = 9$, $y = 0.04$ iznosi:

A : 6.4 **B** : 4.6 **C** : **0.64** **D** : 6

6. Produkt rješenja jednadžbe $\log_{1/3} \log_4 (x^2 - 5) = -1$ iznosi:

A : **-69** **B** : 69 **C** : $\sqrt{69}$ **D** : $-\sqrt{69}$

7. Otopina soli A mijeha se sa 16% otopinom soli B u omjeru $3 : 4$ i dobije se 22% otopina. Postotak soli u otopini A iznosi:

A : 25% **B** : **30%** **C** : 35% **D** : 40%

8. Ako je $x = \frac{0.002 : 0.1^3}{0.04^{\frac{1}{2}} \cdot 0.01^2}$ onda $\log x$ iznosi:

A : -3 **B** : 3 **C** : -5 **D** : **5**

9. Ako je $y^{1/x} = 0.1$, $y^x = 0.0001$ onda $|x| + |\log y|$ iznosi:

A : 8 **B** : **4** **C** : 2 **D** : 3

10. Koordinate točke jednakoj udaljene od točaka $A(0, 0)$, $B(6, 0)$, $C(6, 8)$ jesu:

A : $(4, 4)$ **B** : $(3, 3)$ **C** : $(4, 3)$ **D** : **(3, 4)**

11. Ako je $f(x) = (x^{-1} + 1)^{-1} + (x + 1)^{-1}$, onda je $f(2005 - \sqrt{2006})$ jednako:

A : 1 **B : 2005** **C : $\sqrt{2006}$** **D : 10**

12. Ako su $x_1 = 2$, $x_2 = -1$ rješenja jednadžbe $x^3 + ax^2 - 5x + b = 0$ onda $a^2 + b^2$ iznosi:

A : 20 **B : 32** **C : 29** **D : 40**

13. Ako su stranice u trokutu zadane sa $a = x^2 + x + 1$, $b = x^2 + 2x$, $c = 2x + 1$, $x > 0$, onda je kut α jednak:

A : 60° **B : 30°** **C : 90°** **D : 45°**

14. Ako je $\cos x = \frac{\sqrt{2}-\sqrt{6}}{4}$, onda je $\cos 2x$ jednako:

A : $1/2$ **B : $-1/2$** **C : $-\sqrt{3}/2$** **D : $\sqrt{3}/2$**

15. U elipsu $x^2 + 9y^2 = 36$ upisan je jednakoststraničan trokut s jednim vrhom u sjecištu elipse s pozitivnim dijelom apcisne osi. Površina tog trokuta iznosi:

A : $3\sqrt{3}$ **B : $5\sqrt{3}$** **C : 5** **D : 3**

16. U trapezu $ABCD$ dijagonalna \overline{AC} je okomita na stranicu \overline{BC} i raspolaže kut $\angle DAB$. Ako je kut $\angle ABC = 60^\circ$, a osnovica $\overline{AB} = 4$, onda opseg trapeza iznosi:

A : 12 **B : 10** **C : $10\sqrt{2}$** **D : 6**

17. Broj rješenja jednadžbe $\cos \frac{x}{2} \cdot \cos(2x) - \sin \frac{x}{2} \cdot \sin(2x) = -1$ koji se nalaze u intervalu $\langle -3\pi/2, 3\pi \rangle$ je:

A : 7 **B : 4** **C : 5** **D : 6**

18. Skup svih rješenja nejednadžbe $3^{x+0.5} + 3^{x-0.5} > 4^{x+0.5} - 2^{2x-1}$ je:

A : $x < 3/2$ **B : $x > 3/2$** **C : $x < 1$** **D : $x > 1$**

19. Skup svih $k \in \mathbf{R}$ za koje je funkcija $f(x) = x^2 - (k-1)x + 1$ pozitivna za sve $x \in \mathbf{R}$ je:

A : $\langle -\infty, -1 \rangle \cup \langle 3, \infty \rangle$ **B : $\langle -2, 2 \rangle$** **C : $[-1, 3]$** **D : $\langle -1, 3 \rangle$**

20. Baza uspravnog paralelopipeda je romb površine 1m^2 . Ako su površine dijagonalnih presjeka 3m^2 i 6m^2 , onda volumen paralelopipeda iznosi:

A : 4m^3 **B : 1m^3** **C : 3m^3** **D : 6m^3**

1. Zbroj rješenja jednadžbe $(\log x - 2)(\log x - 3) = 2$ iznosi

A : 1100 B : 10100 C : 11000 D : 10010

2. Rješenje jednadžbe $5^{2x+2} + 15 \cdot 5^{x-1} = 28$ se nalazi u intervalu

A : $\langle -\infty, -5 \rangle$ B : $\langle -5, -1 \rangle$ C : $[-1, 2]$ D : $[2, \infty)$

3. Površina lika određenog krivuljama $y = |x + 6|$, $y = |2x + 6|$ iznosi:

A : 6 B : 4 C : 8 D : 10

4. Jednadžba kružnice koja prolazi točkom $A(0, 8)$ i pravac $y = -x$ joj je tangenta u ishodištu glasi:

A : $(x + 4)^2 + (y - 4)^2 = 32$ B : $(x - 4)^2 + (y - 4)^2 = 32$ C : $(x - 4)^2 + (y + 4)^2 = 32$ D : $x^2 + y^2 = 64$

5. Sređivanjem izraza $\left[a(1-a)^{-2/3} + \frac{a^2}{(1-a)^{5/3}} \right] : [(1-a)^{1/3} \cdot (1-a)^{-2}]$ dobiva se

A : 0 B : 1 C : a D : a^2

6. Jednadžba $x^2 + x + 1 = a$ ima realnih rješenja ako je:

A : $a < 0$ B : $a > 0$ C : $a < 3/4$ D : $a \geq 3/4$

7. Paraboli $y^2 = 4x$ upisan je jednakokračan pravokutan trokut s vrhom kod pravog kuta u ishodištu koordinatnog sustava. Površina tog trokuta iznosi

A : 8 B : 10 C : 14 D : 16

8. 25% izraza $\frac{3 + 4.2 : 0.1}{\left(1 : 0.3 - \frac{7}{3}\right) \cdot 0.3125}$ iznosi

A : 57.6 B : 18 C : 36 D : 72

9. Ako je $\log_4 \log_2 \log_3 x = \log_3 \log_2 \log_4 y = 0$, onda $x + y$ iznosi

A : 25 B : 144 C : 19 D : 73

10. Zbroj rješenja jednadžbe $\frac{2 \sin^2 x + 1}{\sin x} = 3$ u intervalu $\langle 0, 2\pi \rangle$ iznosi:

A : π B : 2π C : $3\pi/2$ D : 3π

11. Polinom $P(x) = x^4 + 3x^3 + 4x^2 + x + a$ je djeljiv sa polinomom $Q(x) = x^2 + x - 1$ ako je a jednako:

A : -3 B : 0 C : 3 D : 1

12. Površina lika kojeg određuju točke $A(1, 0)$, $B(5, 0)$, $C(6, 4)$, $D(3, 7)$ i $E(0, 4)$ iznosi:

A : 20 B : 29 C : 39 D : 45

13. Ako je opseg baze pravilne uspravne četverostrane piramide 24cm, a površina dijagonalnog presjeka $3\sqrt{14}\text{cm}^2$, onda je oplošje piramide jednako:
A : 48cm^2 **B :** 56cm^2 **C :** 72cm^2 **D :** 84cm^2
14. Funkcija $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - 4x + a$ ima minimalnu vrijednost -8 ako je a jednako:
A : 1 **B :** -1 **C :** 2 **D :** 0
15. Ako je $\operatorname{tg} t = \frac{1}{2}$ onda je $\frac{3\sin t - \cos t}{\sin t + \cos t}$ jednako:
A : 3 **B :** $1/2$ **C :** 1/3 **D :** 2
16. Skup svih rješenja nejednadžbe $\frac{x+1}{x+2} > \frac{x+3}{x+4}$ je:
A : prazan skup **B :** \mathbf{R} **C :** $\langle -\infty, -4 \rangle$ **D :** $\langle -4, -3 \rangle$
17. Ako je u trokutu $\operatorname{tg} \alpha = \frac{2}{3}$, a $\beta = 135^\circ$, onda je $\operatorname{tg} \gamma$ jednako:
A : 1/5 **B :** 1/3 **C :** 5 **D :** 1
18. Sređivanjem izraza $2 + \frac{\sqrt{2}}{2} - \left(1 - \frac{1}{\sqrt{2}}\right) - \frac{1}{1 - \frac{1}{\sqrt{2}}}$ dobije se:
A : $-\sqrt{2}$ **B :** -1 **C :** $-\sqrt{2}/2$ **D :** $-2\sqrt{2}$
19. Za koju vrijednost broja $k \geq 1$ površina trokuta što ga omeđuju pravci $y = x$, $y = kx$ i $y = 6$ iznosi 3:
A : 6/5 **B :** 7/6 **C :** 7/5 **D :** 9/5
20. Zadan je trapez $ABCD$ sa pravim kutom kod vrhova A i D . Kut kod vrha B je 45° . Ako je duljina stranice \overline{CD} 1cm, a duljina dijagonale \overline{BD} 5cm, onda je površina trapeza jednaka:
A : 15cm^2 **B :** 7.5cm 2 **C :** 10cm^2 **D :** 6cm^2